# 行政院國家科學委員會專題研究計畫 期中進度報告

飛秒級雷射光電技術應用於過渡金屬氧化物薄膜物理特性

## 之研究(1/3)

<u>計畫類別:</u>整合型計畫 <u>計畫編號:</u>NSC92-2112-M-009-031-<u>執行期間:</u>92 年 08 月 01 日至 94 年 01 月 31 日

執行單位:國立交通大學電子物理學系

#### <u>計畫主持人:</u> 吳光雄

<u>計畫參與人員:</u>羅志偉 , 林博瑛 , 陳美杏 , 黃雯妃, 施伯宗

#### 報告類型: 精簡報告

報告附件: 出席國際會議研究心得報告及發表論文

<u>處理方式:</u>本計畫可公開查詢

## 中 華 民 國 93年11月8日

總計畫:過渡金屬氧化物薄膜物理與元件研究 子計畫三:飛秒級雷射光電技術應用於過渡金屬氧化

## 物薄膜物理特性之研究(1/3)

計畫編號: NSC 92-2112-M-009-031

計畫主持人: 吳光雄

執行期限: 2003/8/01-2005/1/31

繳交報告期限: 2004/11/30

本計畫報告分成時間解析的激發-探測研究和泰拉電磁輻射之產生與 應用兩部分。

#### 一、在時間解析的激發-探测研究方面

在上三年研究計畫中,我們已成功製作出平面高有序度(>97%) 之不同軸向記鋇銅氧高溫超導薄膜,即(100)、(110)薄膜等。並配合 利用飛秒級超快雷射光源和自行研發之極化激發-探測量測技術,來 量測分析不同軸向的記鋇銅氧高溫超導薄膜,發現塊材之能隙對稱性 仍是 d-wave 對稱,這對於研究高溫超導之各向異性物理行為有著重 要的幫助。利用我們自行發展之控氧技術,在同一樣品上,改變記鋇 銅氧薄膜的氧含量和其對應之電洞濃度,並對不同軸向的記鋇銅氧超 導薄膜,進行超快光學之量測分析,發現在相圖中摻雜不足 (underdoped)區域之塊材超導能隙及偽能隙的對稱性,有了嶄新、截 然不同的結果。

高溫超導能隙影響的研究,進一步研究過摻雜(overdoped)的釔系高溫 超導薄膜的超導能隙和偽能隙的對稱性問題。另外,我們為了確定實 驗的準確性,對(110) YBCO 薄膜,亦重複鍍新的樣品,重新量測, 發現幾乎得到相同的結果,顯示出我們量測的可靠性。我們也分析不 同軸向以及同一片樣品,在不同氧含量的情形之下,遲緩時間對溫度 的變化情形。我們可以看出,準粒子的遲緩行為,是同時受到超導能 隙與偽能隙兩者的影響。以下是這部分計畫的詳細說明:

# A. 過掺雜(overdoped)的釔系高溫超導薄膜的超導能隙和偽能隙的對 稱性問題

我們利用極化激發-探測量測技術,來量測掺鈣 0.3 的 a 軸(100) (Tc = 62 K)及 c 軸(001) (Tc = 61 K)的釔鋇銅氧 (Y<sub>0.7</sub>Ca<sub>0.3</sub>Ba<sub>2</sub>Cu<sub>3</sub>O<sub>7</sub>)超導 薄膜,受飛秒級脈衝光激發後,其載子弛緩的行為。

對於平面高有序度的 a 軸薄膜而言, 在膜的表面, 其 b 軸與 c 軸 可明顯區分。再利用激發-探測光的偏振方向可調的特點, 我們可以 在激發-探測光平行於 b 軸與 c 軸的條件下, 量測 ΔR/R 在不同溫度 下,隨時間延遲的變化情形,其結果如圖(一)及圖(二)所示。對於 c 軸的薄膜而言,因為薄膜表面無方向性的差別,所以我們選用探測光 與激發光之電場互相垂直來入射基板,這樣可以減少激發光與探測光 的干涉效應,更利於結果數據的分析。其 ΔR/R 在不同溫度下, 隨 時間延遲的變化情形, 如圖(三)所示。



圖(一) (100)Y<sub>0.7</sub>Ca<sub>0.3</sub>Ba<sub>2</sub>Cu<sub>3</sub>O<sub>7-δ</sub>薄膜當光電場平行於b軸(垂直 ac面)時,瞬時反射率變化(ΔR/R)在不同溫度的變化情形



圖(二) (100)Y<sub>0.7</sub>Ca<sub>0.3</sub>Ba<sub>2</sub>Cu<sub>3</sub>O<sub>7-δ</sub>薄膜當光電場平行於 c軸時, 瞬時反射率變化(ΔR/R) 在不同溫度的變化情形



圖(三) (001)Y<sub>0.7</sub>Ca<sub>0.3</sub>Ba<sub>2</sub>Cu<sub>3</sub>O<sub>7-δ</sub>薄膜,其瞬時反射率變化(ΔR/R) 在不同溫度的變化情形

由圖中每一條曲線,可分析出ΔR/R隨時間的變化,在超導態 下對應兩個弛緩時間的項,即

$$\Delta R / R(T,t) = A_1(T) \exp(-t/\tau_A) + A_2(T) \exp(-t/\tau_B)$$
(1)

反之,在正常態時,僅存在弛緩時間較短 $(\tau_A)$ 的項。將不同溫度時, $A_1(T)$ 和 $A_2(T)$ 的變化曲線畫出,並依據V. V. Kabanov *et al*.的理論,  $A_1(T)$ 中含不隨溫度而變的未知數 $\Delta_p$ ,即為我們所要求的偽能隙之 值,而 $A_2(T)$ 中含隨溫度而變的未知數 $\Delta(T)$ ,即為我們所要求的超導 能隙之值。所以我們由電腦函數適配(fitting),就可分別求得偽能隙 $\Delta_p$ 與超導能隙 $\Delta(T)$ 的值。

$$A_{1}(T) = \frac{\varepsilon_{I}/\Delta_{P}}{1 + \frac{2\nu}{N(0)\hbar\Omega_{c}}\exp(-\Delta_{P}/k_{B}T)}$$
(2)

$$A_{2}(T) = \frac{\varepsilon_{T} / (\Delta(T) + k_{B}T / 2)}{1 + \frac{2\nu}{N(0)\hbar\Omega_{c}} \sqrt{\frac{2k_{B}T}{\pi\Delta(T)}} \exp(-\Delta(T) / k_{B}T)}$$
(3)

其中

N(0) = 2.5~5eV<sup>-1</sup>cell<sup>-1</sup>spin<sup>-1</sup>為態密度(density of states)  

$$ν = 10~36$$
為可影響準粒子之聲子的模數。  
 $Ω_c = 0.1eV$ 為傳統聲子的截止頻率。  
 $A_1(T) 與 A_2(T)$ 為溫度的函數  $A_1(T) = 0$   $T > Tc$ 。  
 $\Delta_p : 不隨溫度改變的偽能隙,為未知數。$   
 $\Delta(T) : 隨溫度改變的超導能隙,為未知數。$ 



圖(四) (100)Y<sub>0.7</sub>Ca<sub>0.3</sub>Ba<sub>2</sub>Cu<sub>3</sub>O<sub>7-δ</sub>薄膜, |△R/R|隨溫度變化圖

o



圖(五) (001)Y<sub>0.7</sub>Ca<sub>0.3</sub>Ba<sub>2</sub>Cu<sub>3</sub>O<sub>7-δ</sub>薄膜, |△R/R|隨溫度變化圖

圖四和圖五分別是(100)和(001) $Y_{0.7}$ Ca<sub>0.3</sub>Ba<sub>2</sub>Cu<sub>3</sub>O<sub>7-δ</sub>薄膜樣 品,其 $\Delta$ R/R的兩個分量  $A_1(T)$ 和 $A_2(T)$ 隨溫度的變化情形,再經由公 式(2)和(3)的適配,我們可以得到其對應的偽能隙 $\Delta_p$ 與超導能隙  $\Delta(T)$ 。經由分析計算,我們得到

(1) a 軸 薄 膜((100)Y<sub>0.7</sub>Ca<sub>0.3</sub>Ba<sub>2</sub>Cu<sub>3</sub>O<sub>7-δ</sub>):

超導能隙 $\Delta(T)$ 為185±4 K (即16±0.3 meV)與不溫度而變的偽 能隙(pseudo gap, $\Delta_p$ )為243±21 K (即 21±2 meV)。

(2) c 軸 薄 膜((001)Y<sub>0.7</sub>Ca<sub>0.3</sub>Ba<sub>2</sub>Cu<sub>3</sub>O<sub>7- $\delta$ </sub>):

超導能隙 $\Delta(T)$ 為 222 ±13 K (即 19 ±1 meV)與不溫度而變的 偽能隙 $\Delta_p$ 為 225 ±13 K (即 19 ±1 meV))。

由掺鈣量 0.3 對超導能隙與偽能隙的影響,加入先前不足摻雜和 最佳摻雜的結果,我們得到如圖(六)之超導能隙(Δ(T))與偽能隙(Δ<sub>p</sub>) 的相圖。



圖(六) 超導能隙( $\Delta(T)$ )與偽能隙( $\Delta_p$ )之實驗所得的相圖(vs. doping) 黃鶴色虛線與紅色虛線僅為示意曲線





圖(七) 超導能隙( $\Delta(T)$ )與偽能隙( $\Delta_p$ )之實驗所得的相圖(vs. p) 黃鶴色虛線與紅色虛線僅為示意曲線



未來,我們更將對不同摻鈣量(0.1-0.3)之釔鋇銅氧高溫超導薄 膜,作更進一步更完整的量測。

B. 不同軸向、不同氧含量的釔鋇銅氧薄膜,其遲緩時間對溫度的變化

針對遲緩時間,我們進一步作詳細分析。由對不同軸向的樣品 量測的數據,可以清楚地比較準粒子在三個軸向上弛緩的行為,例如 我們將 60K的ΔR/R曲線換成對數座標,則圖中沿b軸的ΔR/R會清楚展 現兩個遲緩時間(也就是兩個斜率),而沿c軸或ab對角線只有一個弛緩 時間。這結果強烈顯示準粒子在YBCO中的弛緩過程是有方向性的。 圖八(b)清楚的顯示這個現象:當溫度低於T<sub>c</sub>時,沿b軸弛緩的準粒子 會比正常態時多出一個較慢的弛緩過程(T<sub>B</sub>大約數個皮秒,ps),而且 越接近T<sub>c</sub>時越大。這是由於超導能隙在接近T<sub>c</sub>時變得比較小,導致準 粒子回覆成古柏對的效率變差,因此使這個與超導能隙有關的長弛緩 時間在接近T<sub>c</sub>時呈現發散的情形。但不管是沿c軸或ab對角線皆只有 一個較快的弛緩時間(T<sub>A</sub>大約次皮秒,sub-ps)。



圖(八)(a) 在 60K 時不同軸向的 Δ*R*/*R*。(b)準粒子在不同軸向之弛緩 時間隨溫度的變化,這些弛緩時間是利用式 1 適配 Δ*R*/*R* 的實驗數據 而得。

另外我們亦分析對(001)YBCO 薄膜的量測結果,在 ab(銅氧)平 面上也觀察到類似b軸的兩個弛緩時間,因為(001)薄膜的 a、b 軸在 平行基板的平面上是隨機排列的,沒有特定的方向性,因此無法解析 出各個軸向上的準粒子弛緩行為,而只能獲得銅氧平面上各個軸向的 平均結果。

另外,我們也對同一片樣品進行控氧的動作,並探討在不同氧 含量的情形之下,弛緩時間對溫度的變化情形。對同一片樣品控制不 同氧含量來做量測,可以確保弛緩時間變化情形,是因為氧含量的不 同所造成,而非其他因素的影響所造成。

在(100) 滿氧樣品的時候,我們將激發探測光束調整平行b軸。 量測的結果如圖(九)中實心正方形圖示。我們可以清楚看到,當溫度 從低溫往 Tc 逼近時,遲緩時間會有一發散的趨勢。我們並採用 Kabanov 所提出的理論方程式(4)來做適配,發現量測的結果非常接近 適配之結果。

#### 慢速弛缓分量:

$$\tau(T) = \frac{\hbar\omega^2 \ln\left[\frac{1}{\varepsilon_I/2N(0)\Delta(0)^2 + \exp(-\Delta(T)/k_B T)}\right]}{12\Gamma_{\omega}\Delta(T)^2}$$
(4)

快速弛缓分量:

$$\tau(T) = \frac{\hbar\omega^2 \ln \left[ \frac{1}{\varepsilon_I / 2N(0)\Delta_p^2 + \exp(-\Delta_p / k_B T)} \right]}{12\Gamma_\omega \Delta_p^2}$$
(5)



Luo et. al. --- Fig. 2(b)

Temperature (K)

圖(九)

其中Δ(T)為一與溫度有關的值,我們稱之為超導能隙, Δ(0)~454K。

如果,我們改對滿氧(110)樣品之 ab 對角線軸向做量測的時候,其結果就必須以方程式(5)來做適配才能符合所量測的數據(參考圖(九)(b)實心正方形的圖示),  $\Delta_p$ 是一個與溫度無關的值,我們稱之為偽能隙。在這裡,求得 $\Delta_n \sim 315K$ 。

由以上的結果,我們又再次的証實,在 ab 平面上銅氧化物超 導體的各向異性特質。並且知道,這些變化是由一個與溫度有關 的超導能隙Δ(T)跟一個與溫度無關的偽能隙Δ,所主宰。

當樣品是在缺氧的情形時,參考圖(九)(a),沿著b軸方向的 遲緩時間發散情形,變得比滿氧時來得小,而且整體的遲緩時間 也比滿氧樣品來得短。經由適配可以得到 $\Delta(0) \sim 560K$ 。另外,比較 特別的是,在T > Tc的時候。在滿氧樣品中,沿著b軸方向的遲 緩時間,在T > Tc時是趨近一個定值;但在缺氧樣品當中,當T > Tc時的情形,與沿著 ab 對角線軸向的情形類似,我們利用方程式 (5)可以得到一個很好的適配,參考圖(十一)(a)中的插圖,適配所 得到的 $\Delta_p \sim 301K$ 。所以我們可以看出,準粒子的遲緩行為,是同 時受到超導能隙與偽能隙兩者的影響。

現在我們進一步分析沿著 ab 對角線軸向的樣品,在缺氧時的 情形。參考圖(九)(b),在缺氧時,沿著 ab 對角線軸向的弛緩時間, 還是一樣隨著溫度降低而增加,不過比較特別的是,增加的趨勢 比滿氧樣品來得快。我們也可以用方程式(5)對所得數據做適配, 得到的偽能隙大小 $\Delta_p \sim 170K$ ,明顯比滿氧樣品的 $\sim 315K$  來得小。 遲緩時間的增加,可以由偽能隙 $\Delta_p$ 在沿著 ab 對角線方向有萎縮的 情形,得到圓滿的解釋。

綜合從(110)與(100) 紀 銀 銅 氧 樣 品,分別 控制其 氧 含 量,量 測 不同軸向的激發探測實驗數據,並將不同 氧 含 量 的 超 導 能 隙 與 偽 能 隙 分 別 算 出,我們可以得到如圖(九)的 超 導 能 隙 與 偽 能 隙,隨著 不同的 載 子 濃度之變 化 情形,圖 中十字符號數據 部 份,為 Demsar 所得到的結果,我們將它列出,以作比較。由這些數據,我們推 測 紀 銀 銅 氧 載 子 濃度 從 最 佳 摻 雜 量 減 少 到 摻 雜 不足 的 情 形 時,偽 能 隙  $\Delta_p$  的 變 化。例 如 圖(十) 中 從 右 到 左 的 變 化 情 形,在最 佳 摻 雜 時 為  $d_{xy}$  的 對 稱 形 式,但隨 著 載 子 濃度 的 變 少,漸漸從  $d_{xy}$  轉 向 到 完 全 缺 氧 的  $d_{x^2-y^2}$  的 對 稱 形 式。這 是 我 們 目 前 推 測 的 結 果,未來希 望 能 夠 對 這 個 模 型,做 更 進 一 部 的 確 認。



C.W.L.\_fig 4

圖(十)

## 時間解析的激發-探測研究方面發表的論文:

- [1] C. W. Lou, P. T. Shih, Y. -J.Chen, M. H. Chen, K. H. Wu, J. Y. Juang, J. –Y. Lin, T. M. Uen, and Y. S. Gou: *"Spatially-resolved relaxation Dynamics of Photoinduced Qquasiparticle in Underdoped* YBa<sub>2</sub>Cu<sub>3</sub>O<sub>7-δ</sub>", Physical Review Letter accepted (2004).
- [2] C. W. Lou, M. H. Chen, S. P.Chen, K. H. Wu, J. Y. Juang, J. –Y. Lin, T. M. Uen, and Y. S. Gou: "Spatial Symmetry of Superconducting Gap in YBa<sub>2</sub>Cu<sub>3</sub>O<sub>7-δ</sub> Obatined from Femtosecond Spectroscopy", Physical Review B 68, 220508(R) (2003).
- [3] 碩士論文: "以極化飛秒光譜研究Y<sub>0.7</sub>Ca<sub>0.3</sub>Ba<sub>2</sub>Cu<sub>3</sub>O<sub>7-δ</sub>之各向異性 超快動力學",研究生:陳美杏,指導教授:吳光雄 教授 2003 Nov..
- [4] C. W. Lou, M. H. Chen, S. P. Chen, K. H. Wu, J. Y. Juang, J. -Y. Lin, T. M. Uen, and Y. S. Gou: "Spatial Symmetry of Superconducting Gap and Pseudogap in YBa<sub>2</sub>Cu<sub>3</sub>O<sub>7-8</sub> Obtained from Polarized Femtosecond Spectroscopy", 中華民國物理學會年會, 2004 February.
- [5] K. H. Wu., C. W. Lou, M. H. Chen, J. Y. Juang, T. M. Uen, Y. S. Gou: *"Anisotropic Characterization of In-plane Aligned (100)* Y<sub>1-x</sub>Ca<sub>x</sub>Ba<sub>2</sub>Cu<sub>3</sub>O<sub>7-δ</sub> *Thin Films"*, Bulletin of The American Physical Society, March 2004.
- [6] C. W. Lou, M. H. Chen, S. P. Chen, K. H. Wu, J. Y. Juang, T. M. Uen, Y. S. Gou: "Spatial Symmetry of Superconducting Gap and Pseudogap in Oxygen-Deficient YBCO Obtained from Femtosecond Spectroscopy", Bulletin of The American Physical Society, March 2004.

[7] C. W. Lou, M. H. Chen, S. J. Liu, K. H. Wu, J. Y. Juang, T. M.

Uen , J. –Y. Lin , J. –M. Chen , Y. S. Gou : *"Anisotropic Electric Structure of In-plain Aligned a-axis*  $Y_{1-x}Ca_xBa_2Cu_3O_{7-\delta}$  *Thin Films "* J. Appl. Phys. 94, 3648 (2003).

- [8] C. W. Lou, M. H. Chen, C. C. Chiu, S. P.Chen, K. H. Wu, J. –Y. Lin, J. Y. Juang, T. M. Uen, and Y. S. Gou: *"Anisotropic photoexcited carrier dynamics in (100)-, (001)-, and (110)-oriented YBCO films by polarized ultrafast optical spectroscopy"*, J. Low Temp. Phys., 131, 767 (2003).
- [9]C. W. Lou, M. H. Chen, C. C. Chiu, K. H. Wu, J. Y. Juang, T. M. Uen, J. –Y. Lin, and Y. S. Gou: *"Anisotropic characteristics of in-plane aligned a-axis* Y<sub>1-x</sub>Ca<sub>x</sub>Ba<sub>2</sub>Cu<sub>3</sub>O<sub>7-δ</sub> thin films", J. Low Temp. Phys., 131, 545 (2003).
- [10]C. W. Lou, S. J. Liu, M. H. Chen, K. H. Wu, J. –Y. Lin, J. –M. Chen, J. Y. Juang, T. M. Uen, and Y. S. Gou: *"Polarization-dependent x-ray absorption spectroscopy of in-plane aligned (100)* YBa<sub>2</sub>Cu<sub>3</sub>O<sub>7-δ</sub> thin films", Physica C 388-389, 435 (2003).
- [11] C. W. Lou, M. H. Chen, K. H. Wu, J. –Y. Lin, J. Y. Juang, T. M. Uen, and Y. S. Gou: *"Photoexcited carrier relaxation in a-axis oriented* YBa<sub>2</sub>Cu<sub>3</sub>O<sub>7-δ</sub> thin films measured by femtosecond time-resolved spectroscopy", Physica C 388-389, 477(2003).

### 二、在兆赫電磁輻射之產生與應用方面

在上三年研究計畫中,我們已初步完成紀銀銅氧(YBCO)高溫超 導薄膜元件的兆赫波(THz)輻射量測,包括改變不同雷射光能量、不 同外加偏電流及不同量測溫度下之THz時域瞬變波形。我們亦發現時 域暫態波形的振幅大小與相位關係有非常明顯的不同:當量測溫度處 於較低溫狀態時(T<T<sub>c</sub>),波形與相位沒有明顯的差異;當量測溫度接 近於臨界溫度時(T~T<sub>c</sub>),波形有不同的變化。而且量測溫度處於較低 溫狀態時,輻射的電場時域波形變化無法與Rothwarf-Taylor方程式適 配,而得到合理的準粒子的回復時間。 所以我們提出THz輻射波經 過薄膜本身時,會有**再成形**(pulse reshaping)的現象。藉由適當的轉換 函數,可模擬出原始THz輻射時域波形的變化,進而得到合理的準粒 子回復時間,與利用**激發-探測量測之結果相吻合**。另外,我們亦利 用半導體材料(SI-GaAs)製成輻射元件以產生兆赫茲輻射源,利用此 電磁脈衝波入射最佳摻雜的紀銀銅氣高溫超導樣品,量測其高頻響應 特性。利用量測的數據,理論上可以得到樣品之介電係數、光導係數、 穿透深度等隨溫度、頻率的變化情形。以下是這部分計畫的詳細說明:

#### A. 釔鋇銅氧超導薄膜產生兆赫波之時域波形再成形現象

我們以釔鋇銅氧高溫超導薄膜製作成兆赫波微型輻射元件。當溫 度低於臨界溫度(Tc)時,外加直流電流於輻射元件上將形成超導電 流。這時將一短脈衝雷射光入射於此輻射元件,將使元件上的超導載 子密度瞬間大量改變,此載子密度隨時間的變化將會產生高頻的電磁 輻射波,其光反應時間在次皮秒與皮秒範圍之間。利用自由空間電光 取樣量測方式,可將空間中傳遞之輻射電場的時域暫態波形取出;藉 由傅立葉轉換後可求得頻譜分佈,得一寬頻輻射。根據電磁輻射理論 可知,偶極輻射的輻射電場與電流的瞬變為正比的關係:

$$E_{THz} \propto \frac{\partial J}{\partial t} \tag{6}$$

因此,可以假設超導體產生兆赫茲電磁輻射是由於光致超導電流 密度的瞬變(輻射電場強度對時間的一次積分可視為電流密度的變 化)。圖(十一)為兆赫茲輻射時域暫態波形對不同量測溫度的變化關 係。除了量測溫度為 70 K時的輻射波形其主訊號中之波峰部分隨時 間變化存在有一 2.5 ps 長的輻射電場強度衰減,其餘量測溫度所得到 之輻射時域暫態波形皆有相同的變化(主訊號中之波峰部分隨時間衰 減變化較短)。



圖(十一)

由於薄膜在超導態時,超導載子會因外受輻射光下,引起薄膜本 身動態電感的變化(kinetic inductance),使得原來入射之輻射時域波形 會有再成形(pulse reshaping)的現象。藉由適當的轉換函數*T*(*ω*),可模 擬出輻射時域波形的變化,並與實驗數據結果(圖十二)相符合。

$$T(\omega) = \frac{E_o(\omega)}{E_i(\omega)} = \frac{2}{2 + Z_0 / Z} \propto (-i\omega)$$
(7)



圖(十二)

圖十三為經由轉換函數*T*(*a*)轉換後,其不同溫度時之原始輻射電場時 域波形:



圖(十三)

由結果顯示(圖十四),光致超導體兆赫茲輻射的源由是來自於超 導電流密度隨時間的調變(supercurrent modulation),從這些時間解析 量測所獲得的兆赫茲瞬間電場輻射波形,可以得到載子在非平衡狀態 下的動力行為。在超快雷射光激發下,超導電流密度變化量會先減 少,持續時間約為 1.0 ps;接著,超導電流密度變化量開始回升,持 續時間約為 2.5 ps,此回復時間大小和超導能隙是相關的。



圖(十四)

## B. 時域泰拉赫茲頻譜量測——釔鋇銅氧超導薄膜的高頻響應特性

現以YBCO 超導薄膜樣品說明量測方法:先量測高頻輻射源穿透氧化鎂(MgO)基板後的訊號(時域暫態波形),將此訊號當成是參考的訊號 $E_{ref}(t)$ 。另外我們同樣地利用高頻輻射源引入YBCO/MgO 薄膜以取得另一暫態波形E(t)。接著將這兩組時域暫態波形做快速傳立葉轉換(Fast Fourier Transform)可得頻域分佈響應,分別為 $E_{ref}^{*}(\omega)$ 與 $E^{*}(\omega)$ 。將此兩組頻域響應相除( $E^{*}(\omega)/E_{ref}^{*}(\omega)$ )即可得到某頻率下的相對複數透射率(Complex Relative Transmittance)  $T^{*}(\omega)$ ,其方程式如下:

$$T^{*}(\omega) = \frac{E^{*}(\omega)}{E^{*}_{ref}(\omega)} = \frac{2n_{s}(1+n_{MgO})}{(1+n_{s})(n_{s}+n_{MgO})e^{-in_{s}\omega d/c} + (1-n_{s})(n_{s}-n_{MgO})e^{in_{s}\omega d/c}}$$
(8)

其中, $n_{MgO}$ 為氧化鎂基板的折射率(Index of Refraction), $n_{MgO}$ =3.18。  $n_s$ 為 YBCO 的複數折射率,滿足 $n_s = n + ik \circ d$ 為 YBCO 薄膜的厚度。  $\omega = 2\pi f$ , f為頻率。由計算上述式子後可獲得某頻率下 YBCO 薄膜 的複數介電係數 $\varepsilon(n_s^2 = \varepsilon = \varepsilon_1 + i\varepsilon_2)$ 和光導電率 $\sigma$ 。其關係表示式如 下:  $\varepsilon_1 = n^2 - k^2$  $\varepsilon_2 = 2nk$ 

$$\sigma = \sigma_1 + i\sigma_2 = i\omega\varepsilon_0\varepsilon \tag{9}$$

繼而可得到表面電阻大小 $R_s(\omega,T)$  (Surface Resistance),其計算方式如下所示

$$R_{s}(\omega,T) = \sqrt{\frac{\mu_{0}\omega}{2} \frac{|\sigma(\omega,T)| - \sigma^{"}(\omega,T)}{|\sigma(\omega,T)|^{2}}}$$
(10)

為了決定 YBCO 的穿透深度(Penetration Depth)大小,我們必須先從 超導體的二流體模型(Two-Fluid Model)出發。根據超導體的二流體模 型指出,當量測溫度低於臨界溫度時,正常態和超導態共存,即材料的導電率 $\sigma_{full}$ 來自於正常態 $\sigma_n$ 與超導態 $\sigma_s$ 的貢獻:

$$\sigma_{full}(\omega) = \sigma_n(\omega) + \sigma_s(\omega) = \frac{n_n e^2 \tau / m^*}{1 - i\omega\tau} + i \frac{1}{\mu_0 \omega \lambda_L}$$
(11)

其中,導電率的實部為
$$\sigma'(\omega) = \frac{\sigma_0}{1 + (\omega\tau)^2}$$
,  $\sigma_0 = n_n e^2 \tau / m^*$ 為直流導電

率。又正常態準粒子貢獻於導電率的虛部為:

$$\sigma''_{Drude}(\omega) = \frac{\sigma_0 \omega \tau}{1 + (\omega \tau)^2}$$
(12)

因此我們可以得到超導載子貢獻的導電率大小為:

$$\sigma_{sc}(\omega) = \sigma''_{full}(\omega) - \sigma''_{Drude}(\omega) = \frac{1}{\mu_0 \lambda_L^2 f}$$
(13)

對1/f作曲線的適配,可以求出穿透深度大小 $(\lambda_L)$ 。

依據上面描述的方式,我們可以得到材料在高頻響應下的介電係 數、光導電率與穿透深度等。接著我們就可以進一步探討改變不同量 測溫度、不同頻率時,光導電率與穿透深度大小的響應。

#### 複數折射率:

不考慮多重反射、去水氣下量測分析而得的 YBCO 薄膜複數折 射率實部和虛部,如圖十五所示。我們可看出 YBCO 薄膜複數折射 率實部 n,在溫度低於超導臨界溫度 Tc 時,隨著溫度的降低而降低, 虛部 k 則隨著溫度的降低而增加,並漸漸趨於平緩,而實部 n 及虛部 k,在兆赫茲輻射為 0.25~1.25 THz 間,均隨著頻率的增加而變小。 當溫度低於超導臨界溫度 Tc、兆赫輻射頻率在 0.25~1.25 THz 間時, k大於n,k值約分佈在120~600間,n值則約分佈在0~120間。



圖(十五): YBCO 薄膜複數折射率

#### 複數介電常數:

由圖(十六)、圖(十七)可看出YBCO薄膜在溫度低於超導臨界 溫度Tc時,YBCO薄膜複數介電常數之實部ɛ,隨著溫度的下降而上 升,並漸趨穩定,而在兆赫輻射頻率為 0.25~1.25 THz間; ɛ,隨著頻率 的上升而下降。另外,由圖(十七)可看出YBCO薄膜複數介電常數之 虛部ɛ<sub>i</sub>,在溫度低於超導臨界溫度Tc時,可觀察到一個峰值,當兆赫 輻射頻率於 0.25 THz至 1.25 THz間時,此峰值隨著頻率的上升而下 降,而此峰值所出現的溫度並隨著頻率的上升而上升。



(圖十六):YBCO複數介電係數ε<sup>\*</sup>實部



(圖十七):YBCO複數介電係數ε<sup>\*</sup>虚部

電導率:

由圖(十八)是YBCO薄膜複數導電率之實部σ<sub>r</sub>,在溫度低於超導 臨界溫度Tc時,可觀察到一個峰值,此峰值之成因是散射時間和正常 態載子密度兩者相互競爭的結果;當兆赫輻射頻率於 0.25 THz至 1.25 THz間時,此峰值隨著頻率的上升而下降,而此峰值所出現的溫度並 隨著頻率的上升而上升。由圖(十九)可看出YBCO薄膜在溫度低於超 導臨界溫度Tc時,YBCO薄膜複數導電率之虛部σi隨著溫度的下降而 上升,並漸趨穩定,而在兆赫輻射頻率為 0.25~1.25 THz間,σi隨著頻 率的上升而下降。



(圖十八)YBCO薄膜之複數電導率σ<sup>\*</sup>實部



(圖十九): YBCO薄膜之複數電導率 $\sigma^*$ 虚部

## 穿透深度(London Penetration Depth)

圖(二十)顯示的是YBCO薄膜倫敦穿透深度λ<sub>L</sub>在不同樣品中隨 溫度變化的情形。由圖可知,樣品B其在絕對零度下之倫敦穿透深度 λ<sub>L</sub>(0)約為295 nm,此結果比YBCO單晶的穿透深度值(約為145 nm) 偏高。另外,我們亦在相同鍵膜條件下製備一片YBCO薄膜(sample A)。量測溫度為70K時,其λ<sub>L</sub>值約為200 nm,因此預測此樣品之λ<sub>L</sub>(0) 將非常接近YBCO單晶之結果,顯示出此樣品(sample A)具有絕佳的 品質。由於製備之YBCO薄膜的厚度很薄,約為30 nm大小,即使蒸 鍍條件相同,薄膜表面其缺陷程度效應大小的影響,會明顯的造成 薄膜倫敦穿透深度的變化。如何蒸鍍品質良好的超薄超導薄膜,是 本實驗最基本的須求。



(圖二十): YBCO 薄膜倫敦穿透深度 λ, 隨溫度變化的情形。

## 兆赫電磁輻射之產生與應用研究方面發表的論文:

- [1] P. I. Lin, C. W. Luo, H. S. Liu, S. F. Chen, K. H. Wu, J. Y. Juang, J.-Y. Lin, T. M. Uen, and Y. S. Gou: J. Appl. Phys. 95, 8045 (2004)
- [2] P. I. Lin, C. W. Luo, H. S. Liu, K. H. Wu, J. Y. Juang, J.-Y. Lin, T. M. Uen, and Y. S. Gou, "On the origin of photogenerated terahertz radiation from current-biased superconducting YBa<sub>2</sub>Cu<sub>3</sub>O<sub>7</sub> thin films" Bulletin of The American Physical Society, March 2004.
- [3] P. I. Lin, C. W. Luo, H. S. Liu, K. H. Wu, J. Y. Juang, J.-Y. Lin, T. M. Uen, and Y. S. Gou, "On the origin of photogenerated terahertz radiation from current-biased superconducting YBa<sub>2</sub>Cu<sub>3</sub>O<sub>7</sub> thin

films" 2004 年中華民國物理年會, February (2004).

- [4] P. I. Lin, C. W. Luo, H. S. Liu, K. H. Wu, J. Y. Juang, T. M. Uen, Y. S. Gou: Physica B **329-333**, 1651 (2003).
- [5] P. I. Lin, K. H. Wu, J. Y. Juang, J.-Y. Lin, T. M. Uen, and Y. S. Gou: IEEE Tran. Appl. Supercond. 13, 20 (2003).
- [6] P. I. Lin, K. H. Wu, J. Y. Juang, J.-Y. Lin, T. M. Uen, and Y. S. Gou, "Characterization of Photogenerated Terahertz Radiation in High-*Tc* Superconductors", 2003 CLEO Pacific Rim in Taiwan, December (2003).
- [7] P. I. Lin, K. H. Wu, J. Y. Juang, J.-Y. Lin, T. M. Uen, and Y. S. Gou, "Free-space electro-optic sampling of terahertz radiation from optically excited superconducting YBa<sub>2</sub>Cu<sub>3</sub>O<sub>7</sub> thin films" 2003 年中 華民國物理年會, February (2003).