

內藏式磁浮高速主軸之研發 (I)
The research and development of high speed spindle
with active magnetic bearing (I)

計畫編號：NSC 87-2212-E-009-014

執行期限：86年8月 - 87年7月

主持人：李安謙 交通大學機械系 教授

一、中文摘要(關鍵詞：磁浮軸承、徑向磁浮軸承、軸向磁浮軸承、磁浮主軸)

本計畫為二年期計劃，目標在完成一內藏式磁浮高速主軸之設計、特性分析以及穩健控制器、力量估測器之研發，其中，吾人是以純電磁鐵式磁浮軸承為主軸支撐之架構。

在第一年的研究中，偏重於磁浮主軸設計與特性之分析研究，並完成初步之控制架構，以下是本年度完成之項目：(1) 徑、軸向磁浮軸承磁力理論推導與設計；(2) 磁浮主軸設計；(3) 設計圖之繪製；(4) 磁浮主軸零組件加工；(5) 電流迴路之分析與實驗；(6) 磁浮軸承參數之推導與實驗驗證；(7) 數位控制器設計、程式撰寫與實驗。

在第二年計畫中，我們預計完成之項目有：(1) 系統判別；(2) 穩健控制器之設計；(3) 力量估測器之設計。藉由原型機的理論與實驗分析，我們希望能提供更多資訊，以作為工業界應用於內藏式高速磁浮主軸之基礎。

英文摘要(Keyword: Magnetic bearings, Radial magnetic bearings, Thrust magnetic bearings, High speed spindle with magnetic bearings)

This project is a two-year project. The aims of this project are to design a upright type 5-DOF high speed spindle with magnetic bearings, acquire and analysis the characteristics of the magnetic bearings, design the robust controller and force

estimator.

In this project, we will develop a high speed spindle of machine tool that is suspended with five axes electromagnetic bearings. In the first year, we had finished the objects as below: (1) the theory about magnetic force for the radial and thrust bearings, (2) the design for the radial, thrust bearings and the machine tool spindle, (3) finishing the layout, (4) fabrication and assembly of the high speed spindle's parts, (5) analysis and experiment of current loop of system, (6) analysis and experiments for the parameters of magnetic bearings, (7) the design, programming and experiment of decentralized digital controller.

In the second year, we will finish the following investigations: (1) the identification of magnetic bearing system, (2) the design of the robust controller, (3) the design of the force estimator . The implementation of upright type 5-DOFs high speed spindle with magnetic bearings will be investigated in the project. We hope that this project can be the base of industrial application about high speed spindle.

二、計劃緣由與目的

國外對磁浮軸承之研究起步甚早，目前已實際應用在工具機、高速主軸、光學掃描器、渦輪發電機、真空幫浦等方面，為一具有前瞻性及高附加價值的產品。在

國內民間公司則以線性馬達之研發為主。然而隨著航太工業、精密機械列入重點科技，高速銑床、高速主軸的研發已是提升精密零組件自製能力關鍵之所在。雖然目前有高速滾柱軸承使用於高速主軸，但主動式磁浮軸承對於高速轉動主軸所產生之振動、噪音等問題可以一併解決，此外因為主軸不會和軸承接觸，傳統接觸式軸承因摩擦所產生污染的現象，在磁浮軸承中也不會發生。這些優點是高速滾珠、滾柱軸承所沒有的，因此在某些場合下，如工作環境為無塵室，內藏式磁浮主軸仍是選擇的對象之一。本計劃之目的即在沿續以往多年來針對轉子系統的動態特性研究、純電磁鐵磁浮軸承之設計經驗以及控制理論之發展，並輔以工業界常用之內藏式主軸，以磁浮軸承取代滾珠、滾柱軸承，發展一組適用於切削的內藏式高速磁浮主軸，並為未來工業上使用提供一設計參考。

三、研究方法及成果

在徑、軸向磁浮軸承之磁力理論推導部份，我們得到差動式磁力公式如下：

$$F = k_i \cdot i_c + k_d \cdot d \quad (1)$$

其中 k_i 為磁浮力-電流參數， k_d 為磁浮力-位移參數， F 為磁力， i_c 為控制電流， d 為轉子位移。另外，電流迴路之動態方程式如下：

$$P \cdot i_{cmd} = k_b \dot{d} + L \frac{di_c}{dt} + (R + P)i_c \quad (2)$$

其中 P 為電流迴路比例增益控制器， k_b 為感應反電動勢係數， L 為線圈電感， R 為線圈電阻。將(1)、(2)式與機械部份之動態方程式合併，我們發現當電流迴路比例增益控制器之值越大，感應反電動勢之影響就越小、且磁浮軸承之力量迴轉率越大(force slew rate)，因此在驅動器不飽和的情況下，我們可以設計一適

當的電流迴路控制參數。PWM驅動器如圖一所示，主軸之架構圖如圖二所示。

在磁浮軸承參數之推導與實驗部份，我們利用頻譜分析儀求出閉迴路PD控制系統之頻譜圖，如圖二，藉由這頻譜圖，我們可求出系統參數值，理論與實驗值如表一，由表我們發現 k_i 、 k_d 比理論值小，為這是因為磁漏之故；而電感值比理論值大，其原因在於測試頻率不同及測試之工作點(由偏電流決定)不同，電感值也不同，而理論值卻和頻率無關，所以和實驗結果不同；最後感應反電動勢係數部份，則是因為計算上的誤差造成實驗結果之差異。

在控制方面，我們設計一數位控制器，DSP數位控制卡如圖三，實驗結果如圖四。圖五為實驗架構圖。

本計劃之成果如下：

- (1) 徑、軸向磁浮軸承磁力理論推導與設計；
- (2) 磁浮主軸設計
- (3) 設計圖之繪製
- (4) 磁浮主軸零組件加工
- (5) 電流迴路之分析與實驗
- (6) 數位PID控制器設計、程式撰寫與實驗

四、結論與討論

在本次研究中，經由磁力線推導、五軸磁浮軸承本體之設計、動態方程式推導、穩定性分析到動態特性之模擬，提供了一系列有關於磁浮軸承設計時，可供參考之資料。為了更進一步達到好的控制效果，預計在第二年的計畫中，我們將完成下面事項：

- (1) 系統判別。
- (2) 穩健控制器之設計。
- (3) 力量估測器之設計。

五、參考文獻

1. M. Fumio, K. Hidehiko, "Fundamental Equation for Horizontal Shaft Magnetic Bearing and its Control System Design," Electrical Engineering in Japan, Vol. 101, No. 3, pp. 123-130, 1981.
2. M. Fumio, K. Mamoru, and T. Yoshimi, "Design Method of Horizontal Shaft Attractive Controlled Magnetic Bearing and Its Characteristic," Electrical Eng. in Japan, Vol. 103, No. 3, pp. 130-137, 1983.
3. M. Takeshi, and H. Toshiro, "design of the Control System of Totally Active Magnetic Bearing- Structures of the Optimal Regular," Int. Symposium on Design and Synthesis, pp. 534-539, July 11-13, 1984.
4. K. D. Reinig, A. A. Desrochers, "Disturbance Accomodating Controllers for Rotating Mechanical Systems," Journal of Dynamic Systems, Measurement, and Control, Vol. 108, pp. 24-31, March 1986.
5. Rene Laronneur, Design and Control of Active Magnetic Bearing Systems for High Speed Rotation, Offsetdruckerei AG, Zurich, 1990.
6. D. Pang, J. A. Kirk, and C. Huang, "Design Optimization for Magnetic Bearing," Proceedings of the 26th Intersociety Energy Conversion Engineering, Conference - IECEC '91, Boston, MA, USA, pp. 186-191, Aug. 4-9, 1991.
7. K. Youcef-Toumi, S. Reddy, "Dynamic Analysis and Control of High Speed and High Precision Active Magnetic Bearings," Journal of Dynamic System, Measurement, and Control, Vol. 114, pp.623-633, Dec. 1992.
8. D. K. Rao, G. V. Brown, P. Lewis, and J. Hurley, "Stiffness of Magnetic Bearings Subjected to Combined Static and Dynamic Loads," Trans. of ASME, J. of Tribology, Vol. 114, pp.785-789, Oct. 1992.
9. 范仲宙, "考慮實際性能限制之磁浮軸承最佳化設計,"國立交通大學碩士論文,1993.

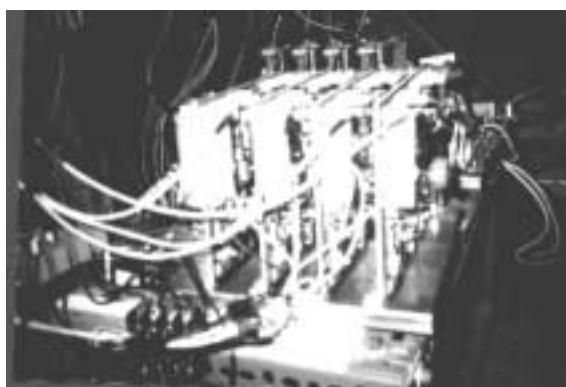
六、圖表

表一 磁浮軸承參數理論值

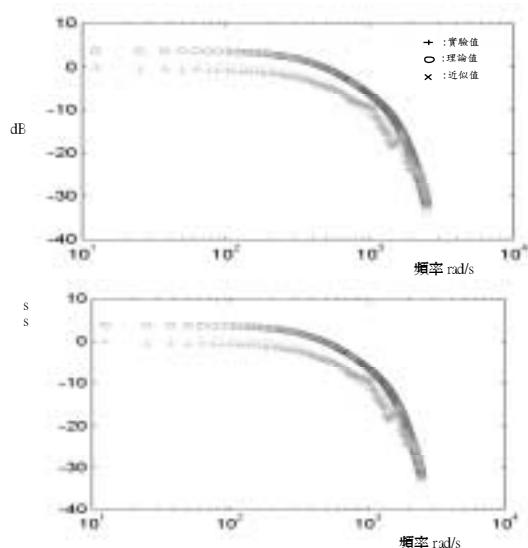
	理論值 k_i	理論值 k_d	理論值 L
大軸承X軸	1842.2	14753690	0.115
大軸承y軸	1838.3	14767000	0.115
小軸承X軸	697.5	5435091	0.045
小軸承y軸	704.8	5520681	0.045

表二 磁浮軸承參數實驗值

	實驗值 k_i	實驗值 k_d	實驗值 L	實驗值 k_b
大軸承X軸	1537	11198485	0.118	633.9
大軸承y軸	1337	9392742	0.158	658.5
小軸承X軸	529	3994283	0.046	1591.6
小軸承y軸	440	3314708	0.051	1202.6



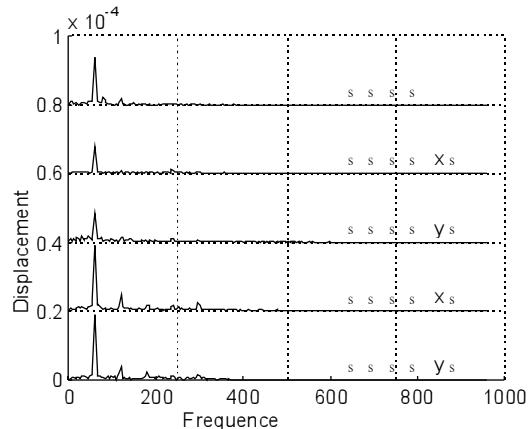
圖一 PWM電流驅動器



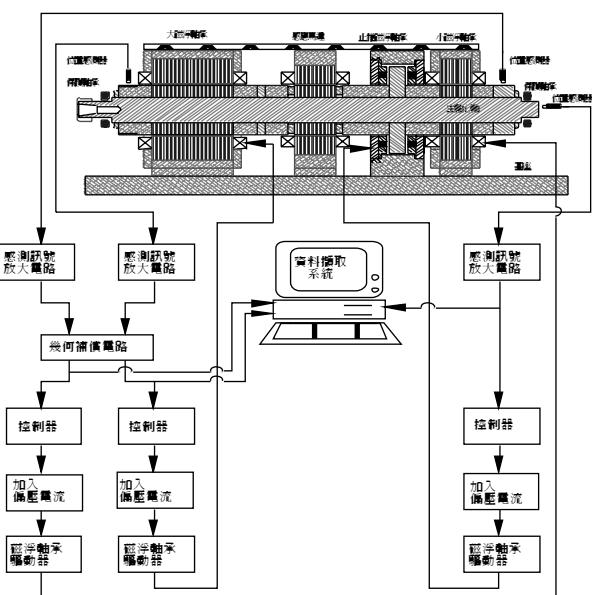
圖二 磁浮軸承之頻譜圖



圖三 DSP數位控制卡



圖四 實驗結果 (轉速3600RPM)



圖五 實驗架構圖